# TD de programmation orientée objet en Java Sélection et boucles

#### Exercice 1: Factorielle d'un entier

Écrire un programme qui s'appelle Factorielle qui permet à l'utilisateur de saisir un entier naturel n puis qui affiche à l'écran la factorielle  $^1$  de celui-ci :

$$n! = \prod_{i=1}^{n} i = 1 \times 2 \times 3 \times ... \times (n-1) \times n$$
.

N'oubliez pas que par convention 0! = 1. Voici un exemple d'affichage :

```
Veuillez entrer un entier naturel :
4
4! = 24
```

#### Exercice 2 : Suite de Fibonacci

Écrire un programme qui s'appelle SuiteDeFibonacci qui permet à l'utilisateur de saisir un entier positif n puis qui affiche à l'écran les n premiers termes de la suite de Fibonacci <sup>2</sup>. Pour rappel, la suite de Fibonacci est une suite d'entiers où chaque terme est la somme des deux termes qui le précèdent. Cette suite commence généralement par les termes  $\mathcal{F}_0 = 0$  et  $\mathcal{F}_1 = 1$ . Les termes suivants peuvent être calculés grâce à la formule de récurrence  $\mathcal{F}_i = \mathcal{F}_{i-1} + \mathcal{F}_{i-2}$ . Vous utiliserez celle-ci pour pouvoir calculer et afficher les termes. Voici un exemple d'affichage :

```
Veuillez entrer un entier positif :
10
Les 10 premiers nombres de Fibonacci sont :
0 1 1 2 3 5 8 13 21 34
```

## Exercice 3: Plus grand commun diviseur de deux entiers

Écrire un programme qui s'appelle PGCD qui demande à l'utilisateur de saisir deux entiers non nuls a et b puis qui affiche à l'écran le plus grand commun diviseur

```
1. cf. http://fr.wikipedia.org/wiki/Factorielle
```

 $(PGCD^3)$  de ceux-ci. Afin de calculer le PGCD, vous devez appliquer l'algorithme d'Euclide  $^4$ . Voici un exemple d'affichage :

```
Saisir un premier entier :
21
Saisir un second entier :
18
PGCD(21,18) = 3
```

### Exercice 4 : Suite de Syracuse

La suite de Syracuse  $^5$  pour un entier P est une suite définie comme suit :

$$\begin{array}{ll} --u_0=P \\ --\forall n\geq 1, u_n=\frac{u_{n-1}}{2} \text{ si } u_{n-1} \text{ est pair, } u_n=3u_{n-1}+1 \text{ sinon.} \end{array}$$

La conjecture affirme que  $\forall P, \exists n, u_n = 1$  (après que le nombre 1 a été atteint, la suite des valeurs 4, 2, 1 se répète indéfiniment en un cycle de longueur 3, dit cycle trivial).

Écrire un programme qui s'appelle Syracuse qui demande à l'utilisateur de saisir un entier P puis qui retrouve le plus petit entier n tel que  $u_n = 1$ . Le programme affichera à l'écran la valeur de n ainsi que tous les termes allant de  $u_0$  jusqu'à  $u_n$ . Voici un exemple d'affichage :

```
Donner P:
15
Le plus petit indice pour lequel la suite de Syracuse de 15 atteint 1 est
17.
Les termes de la suite allant à cet indice sont: 15 46 23 70 35 106 53 160
80 40 20 10 5 16 8 4 2 1
```

<sup>2.</sup> cf. http://fr.wikipedia.org/wiki/Suite\_de\_Fibonacci

<sup>3.</sup> cf. http://fr.wikipedia.org/wiki/PGCD\_de\_nombres\_entiers

<sup>4.</sup> cf. http://fr.wikipedia.org/wiki/Algorithme\_d'Euclide

<sup>5.</sup> cf. http://fr.wikipedia.org/wiki/Conjecture\_de\_Syracuse